プログラミング言語AIII

2024年度講義資料 (8)

新潟大学 工学部工学科 知能情報システムプログラム

青戸等人

datatype 宣言を使って,自分で新しい型を定義することがで きる. 定義した新しいデータ型であっても使い方は組み込みの データ型と同じ.

● 複数の値からなる型を|で区切って列挙する.

データ型の宣言

```
datatype day_of_week = MON | TUE | WED | THU
                    | FRI | SAT | SUN
```

```
# datatype day_of_week = MON | TUE | WED | THU | FRI | SAT | SUN;
datatype day_of_week = FRI | MON | SAT | SUN | THU | TUE | WED
# fun next MON = TUE | next TUE = WED | next WED = THU
  | next THU = FRI | next FRI = SAT | next SAT = SUN
   | next SUN = MON;
val next = fn : day_of_week -> day_of_week
# next FRI;
val it = SAT : day_of_week
```

目次

データ型の宣言

● データ型

② データ型の利用

② of...によって、パラメータを指定することができる.

```
datatype graphic_obj = Circle of real
  | Square of real | Rectangle of real * real
   | Triangle of real * real * real
```

```
# datatype graphic_obj = Circle of real | Square of real
 | Rectangle of real * real | Triangle of real * real * real;
datatype graphic_obj = ....
# fun area (Circle r) = Real.Math.pi * r * r
 | area (Square i) = i * i
  | area (Rectangle (i,j)) = i * j
  | area (Triangle (i,j,k)) = let val 1 = (i + j + k) / 2.0
   in Real.Math.sqrt (1 * (1 - i) * (1 - j) * (1 - k)) end;
val area = fn : graphic_obj -> real
# area (Circle 1.0);
val it = 3.14159265359 : real
```

データ型の宣言

データ型の宣言

depth it; val it = 2 : int

① データ型

目次

② データ型の利用

◎ パラメータにいま定義している型を指定すると帰納的な定義になる。

```
datatype expr = NUM of int | PLUS of expr *
 expr | TIMES of expr * expr
```

```
# datatype expr = NUM of int | PLUS of expr \ast expr
               | TIMES of expr * expr;
datatype expr = .....
# fun eval (NUM n) = n
  \mid eval (PLUS (e1,e2)) = eval e1 + eval e2
  | eval (TIMES (e1,e2)) = eval e1 * eval e2;
val eval = fn : expr -> int
# eval (TIMES (PLUS (NUM 2, NUM 3), NUM 5));
val it = 25 : int
```

データ型 ・夕型の利用

データ型(教7章)

リスト型やオプション型は、より一般的なデータ型とよばれる 型の例となっている. データ型は, datatype 宣言によって定

義される型のことをいう.

リスト型の定義

datatype 'a list = :: of 'a * 'a list | nil

オプション型の定義

datatype 'a option = NONE | SOME of 'a

ブール型の定義

datatype bool = false | true

● パラメータに型変数を使うと多相型が定義できる.

```
1 datatype 'a tree = Empty
                  | Node of 'a * 'a tree * 'a tree
# datatype 'a tree = Empty
         | Node of 'a * 'a tree * 'a tree;
datatype 'a tree = ...
# fun depth Empty = 0
    | depth (Node (x,left,right)) = 1 +
                 Int.max (depth left, depth right);
val depth = fn : ['a. 'a tree -> int]
# Node (2, Node (1, Empty, Empty), Empty);
val it = Node (2, Node (1, Empty, Empty), Empty) : int tree
```

目次

datatype 宣言による型定義

- 1 datatype 型変数列 型名 = 構成子 [of 型] { | 構成子 [of 型] }*
- 型変数列の部分は、空列、型変数、もしくは、(型変 数,...,型変数).
- of 以下には、いま定義している型を使うことができる.
- 右辺に用いる型変数は型変数列に入れる必要がある.

構成子がないと複数の種類の値が区別できないが、種類が1つ なら、構成子がなくても問題ない。 その場合は type 宣言を用 いる(⇒ 次ページ).

● データ型

type 宣言による型定義

データ型の宣言では構成子が必要だった. 構成子が必要ない場 合は、type 宣言を使う、この場合、型の種類は1つだから、単 なる型の別名と考えてよい.

type 宣言による型定義

- 1 type 型変数列 型名 = 型
- 型変数列の部分は、空列、型変数、もしくは、(型変 数,...,型変数).

```
- type 'a stack = 'a list;
type 'a stack = 'a list
 type ('a, 'b) dict = ('a *'b) list;
type ('a, 'b) dict = ('a * 'b) list
```

データ型の利用例(1) 命題論理式

命題論理式はBNFを用いて次のように定義できた.

データ型 **データ型の利用**

$$\begin{array}{ll} P \in \mathtt{Var} & ::= & \mathtt{P_0} \mid \mathtt{P_1} \mid \cdots \\ A, B \in \mathtt{Prop} & ::= & P \mid (\neg A) \mid (A \wedge B) \mid (A \vee B) \mid (A \rightarrow B) \end{array}$$

データ型を用いて, ほぼ同じように, 命題論理式の型を定義す ることが出来る.

• 命題論理式のデータ型を宣言せよ.

命題論理式の付値と解釈(復習)

• 命題論理式 $P_0 \wedge P_1 \rightarrow P_0$ を表わすprop型の式を与えよ.

13 / 20

テータ型 **データ型の利用**

実習課題 (1)

スライドp.8の'a tree型を宣言して,以下の関数を与えよ.

■ 整数xと整数型をノードにもつ二分木が与えられたとき、 含まれるノードの値がすべてx未満であるかどうかを返す 関数 ltAll

val t = Node(1,Node(3,Empty,Node(2,Empty,Empty)),Node(4,Empty,Empty)); val t = # 1tAll 5 t; val it = true : bool

❷ 整数型をノードにもつ二分木が与えられたとき、含まれる ノードの値の合計を返す関数 sum

val t = Node(1,Node(3,Empty,Node(2,Empty,Empty)),Node(4,Empty,Empty)); val t = ... # sum t; val it = 10 : int

命題変数集合Varから真理値集合Boolへの関数のことを付値とよび, 付値vのもとでの命題論理式Aの解釈 $[A]_v$ は以下のように与えられ た.

データ型 **データ型の利用**

実習課題 (1)

③ データの対(x,y)と二分木が与えられたときに、その木の 中のxをyに、yをxに交換する関数 swap

val t = Node(1,Node(3,Empty,Node(2,Empty,Empty)),Node(4,Empty,Empty)); # swap (1.2) t.:

val it = Node(2, Node(3, Empty, Node(1, Empty, Empty)), Node(4, Empty, Empty))

● 整数型の二分木が与えられたときに、その木に含まれる最 大値を (あれば)返す関数 getMax

val t = Node(1,Node(3,Empty,Node(2,Empty,Empty)),Node(4,Empty,Empty));

getMax t;
val it = SOME 4 : int option

実習課題 (2)

 $lacksymbol{0}$ 命題論理式exprが与えられて,exprに含まれる命題変 数(の添字)の整数リストを返す関数 vars

vars;

val it = fn : prop -> int list # vars (IMP (OR (VAR 2, VAR 1), NOT (VAR 2))); val it = [1, 2] : int list

◎ 命題論理式を文字列に直す関数 propToString (命題論理 式の表わし方は適当で構わない.)

propToString;

val it = fn : prop -> string # propToString (IMP (OR (VAR 2, VAR 1), NOT (VAR 2)));

val it = $"((p2 | p1) \rightarrow (!p2))"$: string これとは逆に, 文字列が与えられたときに, データ型の値

に直す作業を「構文解析」とよぶ.

データ型 **データ型の利用**

実習課題 (2)

● 付値vをint → boo1型の関数によって与えるものとする。 命題論理式exprと付値vが与えられて,付値vのもとでのexprの解釈 $[expr]_v$ を返す関数 eval を与えよ.

このように, 関数を引数にとるような関数(<mark>高階関数</mark>)を用いることができる。高階関数については後半で学習する.

● 与えられた木が二分探索木の制約を満たしているかを、ブール型で返す関数 isBinSearchTree

データ型の利用

データ型 **データ型の利用**

```
# val t = Node(1,Node(3,Empty,Node(2,Empty,Empty)),Node(4,Empty,Empty));
val t = ...
# isBinSearchTree t;
val it = false : bool
# val t2 = Node(6,Node(3,Empty,Node(4,Empty,Empty)),Node(8,Empty,Empty));
val t2 = ...
# isBinSearchTree t2;
val it = true : bool
```

4 B > 4 B > 4 E > 4 E > E 4) Q (

19 / 20

.

10 / 20

実習課題 (4)

実習課題 (3)

データ型の利用例(2) 二分探索木

二分木において、どの木Node (v, l, r) においても、

データ型 **データ型の利用**

- v は l に含まれるどのノードの値よりも大きい
- ullet v は r に含まれるどのノードの値よりも小さい

という性質が成立するとき、その木を二分探索木という.

うまく二分探索木を作ると、効率良くデータを検索できる。例えば、二分探索木のなかにデータが含まれているかどうかを判定する関数 member は以下のように書ける。

● 変数,定数,加算,乗算をもつ多項式をデータ型で定義せよ。

● 与えたデータ型に関して、どのような関数があるとよいかを自分で考え、それらの関数を実現せよ。

(D) (B) (E) (E) (E)

20 / 20

データ型 **データ型の利用**

実習課題 (3)

以下の関数を与えよ.

● 二分探索木に(その値がまだなければ)値を追加する関数 insert

```
# val t = insert 5 Empty;
val t = Node (5, Empty, Empty) : int tree
# val t2 = insert 3 t;
val t2 = Node (5, Node (3, Empty, Empty), Empty) : int tree
```

● 二分探索木の性質を使って、二分探索木に含まれる値をソートされたリストで返す関数 btreeToList

```
# val t = insert 7 (insert 8 (insert 2 (insert 6 Empty)));
val t = ...
# btreeToList t;
val it = [2, 6, 7, 8] : int list
```

18 / 20